

158.227.47.15
LCZXB4.LC.EHU.ES

ANALISIS DE VARIAS VARIABLES I.

Segundo Curso de Matemáticas.

5 de septiembre de 2001.

Apellidos
Nombre
Calificación

1 - Sea $f: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ la función definida por

$$f(x, y) = \begin{cases} \frac{x^2 - y^2}{\sqrt{x^2 + y^2}}(e^x - 1), & (x, y) \neq (0, 0); \\ 0, & (x, y) = (0, 0) \end{cases}$$

Estudiar la continuidad, existencia de derivadas parciales y diferenciabilidad.

2 - Sea $f \in C^2$, solución de la ecuación

$$2 \frac{\partial^2 f}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial x \partial y} - \frac{\partial^2 f}{\partial y^2} + \frac{\partial f}{\partial x} + \frac{\partial f}{\partial y} = 0$$

en \mathbb{R}^2 . Si hacemos el cambio $u = x + 2y + 2$, $v = x - y - 1$ obtenemos una función $F(u, v)$. Calcular la ecuación de la que F es solución en \mathbb{R}^2 respecto de las variables u y v .

3 - Sea la ecuación

$$\sin(ax + by + z) + e^{cxy+z} + x + 2y = 1$$

que define a z como función implícita $z = f(x, y)$ en un entorno de $(0, 0, 0)$. Calcular las constantes a, b, c para que los dos primeros términos del desarrollo de Taylor de f en el origen, sean cero.

4 - El plano $x + y + z = 12$ interseca al paraboloides $z = x^2 + y^2$ en una elipse. Determine los puntos más altos y más bajos de esta elipse.

5 - Definir y relacionar los siguientes conceptos: Continuidad. Derivadas parciales. Derivadas parciales continuas. Diferenciabilidad, Clase C^1 .